

VYUŽITÍ PENETROMETRIE K ODHADU RYCHLOSTI SYPÁNÍ

ZATLOUKAL Z.

Univerzita Karlova v Praze, Farmaceutická fakulta v Hradci Králové, Katedra farmaceutické technologie

SOUHRN

Využití penetrometrie k odhadu rychlosti sypání

Penetrometrie kuželem je normovanou metodou srovnávání konzistence polotuhých soustav. Pro hodnocení sypnosti práškových látek má toto uspořádání zatím pouze okrajový význam. K tomuto účelu je doporučeno využití penetrometrie kuličkou, která významně souvisí s objemovou rychlosí sypání. Tato původní práce hledá regresní závislost vhodnou k odhadu rychlosti sypání velikostních frakcí práškových pomocných látek. Řešení nahrazuje tradiční penetrometrické stupně (jednotku délky) objemem nebo hmotností volně navrstveného prášku vytačeného penetrací kuličkou. Optimální je transformace penetrometrických stupňů na hmotnost prášku, která umožňuje odhad hmotnostní rychlosti sypání exponenciální rovnici objasňující 97,4 % celkového rozptylu. Penetrometrie kuličkou má předpoklady pro zařazení do skupiny testů k hodnocení sypnosti a struktury práškových pomocných látek.

Klíčová slova: práškové látky – rychlosť sypání – penetrometrie

Čes. slov. Farm., 2005; 54, 184–186

SUMMARY

Penetrometry Used for the Estimation of Flow Rate

Penetrometry through a cone is a standardized method of comparing the consistence of semisolid systems. For the time being, this arrangement is only of marginal importance for the evaluation of flow ability of powders. For this purpose it is recommended to use penetrometry by means of a ball, which is significantly connected with the volume flow rate. The present original paper attempts to find the regression dependence suitable for the estimation of the flow rate of size fractions by means of powdered auxiliary substances. This solution replaces the traditional penetrometric degrees (unit of length) with volume or weight of freely layered powder pushed out by the penetrating ball. The optimal method is the transformation of penetrometric degrees to the weight of the powder, which makes it possible to estimate the weight rate of pouring with the use of an exponential equation elucidating 97.4 % of total dispersion. Penetrometry with the use of a ball could be included into the group of tests for the evaluation of flow ability and structure of powdered auxiliary substances.

Keywords: powders – flow rate – penetrometry

Čes. slov. Farm., 2005; 54, 184–186

Má

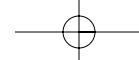
Úvod

Penetrometrie kuželem je lékopisnou metodou měření konzistence polotuhých mastových základů¹⁾. Za standardizovaných podmínek je hloubka penetrace vyjádřena počtem stupňů po 0,1 mm s možností srovnávání jejich konzistence.

V práškové technologii je penetrometrie kuželem doplňkovou metodou hodnocení kohezních prášků²⁾. Tlak kovového kuželeta s vrcholovým úhlem 10° na vrstvu prášku konsolidovaného stlačením je nepřímo úměrný druhé mocnině hloubky penetrace. Tento tlak však přímo nevyjadřuje ani pevnost (strength) ani napětí (stress) práškového vzorku³⁾.

Ve farmaceutické technologii byla penetrometrie kuželem doporučena k hodnocení sypnosti pomocných látek (mikrokryštallická celulosa, laktosa, škroby, mastek a oxid zinečnatý) a jejich směsí. Za srovnatelných podmínek byla prášková vrstva konsolidována dvacetinásobným poklepem z výšky 10 mm s vyjádřením penetrace v rozmezí 195 až 270 penetrometrických stupňů⁴⁾. Penetrometrie kuželem byla všeobecně doporučena ke srovnávání vlastností kohezních práškových látek, jejichž rychlosť sypání nelze měřit přímo.

Význam penetrometrie práškových látek je ovlivněn především její souvislostí s rychlosí sypání otvorem násypky. Setfesená (konsolidovaná) hustota⁵⁾ vyjadřuje více vlastnosti vrstvy prášku stagnujícího v násypce⁶⁾.



Tab. 1. Vlastnosti velikostních frakcí pomocných látek

Prášková látka	frakce (μm)	objemová hustota ($\text{g} \cdot \text{cm}^{-3}$)	rychlosť sypání $Q_m (\text{g} \cdot \text{s}^{-1})$	penetrometrie odhad [3]	$Q_v (\text{cm}^3 \cdot \text{s}^{-1})$	P (cm)	V (cm^3)	M (g)
chlorid sodný	250–315	1,20	21,5	22,6	17,9	0,60	0,68	0,82
	315–400	1,19	21,0	20,1	17,6	0,58	0,64	0,76
	400–500	1,18	20,2	18,9	17,1	0,57	0,62	0,73
	500–630	1,16	19,1	17,9	16,5	0,56	0,60	0,70
citronan sodný	250–315	0,90	16,8	16,9	18,7	0,63	0,74	0,67
	315–400	0,90	16,1	16,2	17,9	0,62	0,72	0,65
	400–500	0,90	15,3	15,6	17,0	0,61	0,70	0,63
	500–630	0,90	14,4	15,0	16,0	0,60	0,68	0,61
kyselina boritá	250–315	0,72	12,0	13,1	16,7	0,64	0,75	0,54
	315–400	0,72	11,6	11,9	16,1	0,60	0,68	0,49
	400–500	0,71	10,8	11,0	15,2	0,58	0,64	0,45
	500–630	0,69	9,8	10,6	14,2	0,57	0,62	0,43
sorbitol	250–315	0,63	10,0	9,4	15,9	0,55	0,59	0,37
	315–400	0,64	9,8	9,2	15,3	0,54	0,57	0,36
	400–500	0,65	9,5	9,2	14,6	0,53	0,55	0,36
	500–630	0,66	9,0	9,1	13,6	0,52	0,53	0,35

Objemová hustota pohyblivé vrstvy prášku v blízkosti otvoru násypky je srovnatelná s objemovou hustotou. Proto je účelné volné navrstvení vzorku a měření penetrace kuličkou. Za těchto podmínek byla faktorovou analýzou zjištěna významná souvislost mezi penetrometrií a objemovou rychlosťí sypání⁷⁾.

Rozvoj penetrometrie práškových látek je limitován především vyjadřováním penetrometrických stupňů jako délkové jednotky. V návaznosti na dřívější poznatky⁷⁾ je tato práce zaměřena k hodnocení penetrace objemem a hmotností prášku, vytlačeného penetrující kuličkou, v návaznosti na odhad rychlosti sypání velikostních frakcí práškových pomocných látek.

POKUSNÁ ČÁST

Velikostní frakce chloridu sodného, dihydrátu citronanu sodného, kyseliny borité a sorbitolu lékopisné kvality byly získány vibračním sitováním pomocných látek pomocí Pulverisette® 0 (Alfred Fritsch, Laborgerätebau, Idar Oberstein, Deutschland).

Rychlosť sypání v hmotnostním vyjádření $Q_m (\text{g} \cdot \text{s}^{-1})$ je vyjádřena průměrnou hodnotou z pěti měření (variační koeficient <1%) 100 g vzorku vysypaného kruhovým otvorem (průměr 10 mm) válcové násypky (vnitřní průměr 40 mm). Rychlosť sypání v objemovém vyjádření $Q_v (\text{cm}^3 \cdot \text{s}^{-1})$ je podílem rychlosťi sypání v hmotnostním vyjádření (Q_m) a objemové hustoty ($\text{g} \cdot \text{cm}^{-3}$). Podmínky penetrometrie popsal autor článku dříve⁷⁾. Podstatná je celková hmotnost kuličky o průměru D = 0,016 m a držáku m = 41 g. Objemová hustota velikostních frakcí práškových pomocných látek byla měřena přímo v plastové nádobce (objem 33,3 cm³) použité k penetrometrii.

Tab. 2. Koeficienty korelace mezi rychlosťí sypání a penetrometrií

	penetrometrie	Rychlosť sypání	
		$Q_m (\text{g} \cdot \text{s}^{-1})$	$Q_v (\text{cm}^3 \cdot \text{s}^{-1})$
	P (cm)	0,39	0,73
	V (cm ³)	0,38	0,74
	M (g)	0,97	0,84

Q_m – hmotnostní rychlosť sypání, Q_v – objemová rychlosť sypání, P – hloubka penetrace, V – objem vytlačeného prášku, M – hmotnost vytlačeného prášku

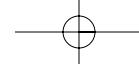
VÝSLEDKY

V úvodu tabulky 1 jsou charakterizovány velikostní frakce a jejich sypné vlastnosti: hmotnostní rychlosť sypání (Q_m), objemová hustota (h), objemová rychlosť sypání (Q_v) a hloubka penetrace (P).

V závěru tabulky 1 jsou uvedeny nově navržené penetrometrické charakteristiky: objem prášku vytlačený kuličkou V (cm³) a jeho hmotnost M (g). Vytlačený objem (cm³) geometricky odpovídá objemu kulové úsečce,

$$V = \frac{\pi}{3} \cdot P^2 \cdot (1,5 \cdot D - P) \quad [1]$$

jestliže P je hloubka penetrace (cm) a D = 1,6 cm je průměrem penetrující kuličky. Hmotnost M (g) dostaneme násobením objemu odpovídající objemovou hustotou.



Souvislost mezi penetrometrií a rychlosťí sypání vyjadřují koeficienty korelace pro dvojice vlastností v tabulce 2. K odhadu hmotnostní rychlosti sypání (Q_m) je vhodná lineární regrese s koeficientem korelace $r = 0,97$:

$$Q_m = (27,48 \cdot M) - 1,14 \quad [2]$$

K odhadu hmotnostní rychlosti sypání velikostních frakcí pomocných látek je doporučena exponenciální rovnice s koeficientem korelace $r = 0,987$, která objasňuje 97,4 % celkového rozptylu:

$$Q_m = 4,59 \cdot 6,97^M \quad [3]$$

Relativně vyjádřená průměrná odchylka odhadu $\pm 4,1\%$ je vztažena k měřeným hodnotám rychlosti sypání. Pro větší názornost jsou jednotlivé odhady hmotnostní rychlosti sypání Q_m dodatečně zařazeny do pátého sloupce tabulky 1 označeného jako odhad [3].

DISKUZE

Uspořádání penetrometrie, normované pro srovnávání konzistence polotuhých masových základů¹⁾, nelze doporučit k měření volně sypných práškových látek, protože pronikání kužele vzorek odstředivě odsunuje a těžký kužel většinou volně proniká měřenou vrstvou. V technické penetrometrii kužele s malým vrcholovým úhlem²⁾ se proto vzorek před měřením konsoliduje stlačením převážně kohezních prášků. V této práci je sledována penetrace kuličky do volně sypných prášků, která práškovou vrstvu bez konsolidace především stlačuje s omezením rušivého posunu vzorku. Omezením je pouze hloubka penetrace kuličky do jejího poloměru (aktuálně do 0,8 cm) jako předpoklad získání vzájemně srovnatelných hodnot. Penetrometrie kuličky do volně nasypané vrstvy prášku se osvědčila při průkazu statisticky významné souvislosti mezi počtem penetračních stupňů a objemově vyjádřenou rychlosťí sypání práškových pomocných látek⁷⁾.

Tato práce však hledá především výraznější souvislost mezi penetrometrií a rychlosťí sypání velikostních frakcí volně sypných práškových pomocných látek vhodnou k odhadu jejich rychlosti sypání pomocí vhodné regresní rovnice. Nový přístup využívá hodnocení penetrace nikoliv hloubkou (délkou), ale objemem (třetí mocnina

délky), resp. hmotnosti objemu práškového vzorku vytlačeného kuličkou. Na rozdíl od objemu totiž není hodnocení penetrometrických stupňů v různých hloubkách srovnatelné. Vyjádření objemu penetrující části kuličky je řešením v případě velikostních frakcí jedné pomocné látky. V heterogenním souboru čtyř hodnocených pomocných látek rozdílné hustoty (pravá hustota v rozmezí 1,49 až 2,17 g·cm⁻³, resp. objemová hustota 0,63 až 1,20 g·cm⁻³) a tvaru častic (izometrický, anizometrický a sférické shluky častic sorbitolu) je vhodné objem vytlačeného prášku převést na příslušnou hmotnost násobením objemovou hustotou.

Při srovnání koeficientů korelace pro lineární regresi v tabulce 2 je zřejmé, že modifikované hodnocení penetrace hmotností práškového vzorku M (g) vede ke značnému zvýšení koeficientu korelace s hmotnostní rychlosťí sypání Q_m (g·s⁻¹). Hodnotu koeficientu korelace $r = 0,97$ lze následně zvýšit vyjádřením exponenciální rovnice [4] na $r = 0,987$ k odhadu rychlosti sypání s průměrnou odchylkou $\pm 4,1\%$. Přes zvýšení variability při vyjadřování součinu vytlačeného objemu a objemové hustoty lze popsaný způsob penetrometrie doporučit k odhadu rychlosti sypání velikostních frakcí chloridu sodného, citronanu sodného, kyseliny borité a sorbitolu pomocí závěrečné exponenciální rovnice [3].

Práce je součástí grantového výzkumu MSM 0021620822.

LITERATURA

1. Český lékopis 2002, 1. vyd. Praha, Grada Publishing, 2002, s. 419-422.
2. Knight, P. C., Johnson, S. H.: Powder Technol., 1988; 54, 279-283.
3. Schwedes, J.: Granular Matter, 2003; 5, 1-43.
4. Bogs, U.: Pharmazie, 1978; 33, 541-542.
5. Hancock, B. C. et al.: Pharm. Technol., 2003 (Apr); 27, 64-80.
6. Prescott, J. K., Barnum, R. A.: Pharm. Technol., 2000 (Oct); 24, 60-84.
7. Zatloukal, Z.: Čes. Slov. Farm., 2003; 52, 88-92.

Došlo 3. 12. 2004.

Přijato ke zveřejnění 14. 2. 2005.

*doc. RNDr. Zdenek Zatloukal, CSc.
Heyrovského 1203, 500 05 Hradec Králové
e-mail: zdenek.zatloukal@faf.cuni.cz*